

## Medidas estadísticas

<b>Medida</b>	<b>Poblacional</b>	<b>Muestral</b>
Tamaño (número de elementos)	$N$ $Población = (x_1, x_2, \dots, x_N)$	$n$ $Muestra = (X_1, X_2, \dots, X_n)$
<b>Medidas de centralización</b>		
Media (aritmética)	$\mu = \frac{\sum_{i=1}^N x_i}{N}$	$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n}$
Mediana	$Población ordenada = (x_1, x_2, \dots, x_N)$ Si $N/2$ no es un número entero: $M = x_{\lfloor N/2 \rfloor + 1}$ Si $N/2$ es un número entero: $M = \frac{x_{N/2} + x_{N/2+1}}{2}$	$Muestra ordenada = (X_1, X_2, \dots, X_n)$ Si $n/2$ no es un número entero: $\hat{M} = X_{\lfloor n/2 \rfloor + 1}$ Si $n/2$ es un número entero: $\hat{M} = \frac{X_{n/2} + X_{n/2+1}}{2}$
Moda	Valor $x_i$ que más se repite	Valor $X_i$ que más se repite
<b>Medidas de localización o posición</b>		
	$Población ordenada = (x_1, x_2, \dots, x_N)$	$Muestra ordenada = (X_1, X_2, \dots, X_n)$
Cuantil $p$	Si $pN$ no es un número entero: $q_p = x_{\lfloor pN \rfloor + 1}$ Si $pN$ es un número entero: $q_p = \frac{x_{pN} + x_{pN+1}}{2}$	Si $pn$ no es un número entero: $\hat{q}_p = x_{\lfloor pn \rfloor + 1}$ Si $pn$ es un número entero: $\hat{q}_p = \frac{X_{pn} + X_{pn+1}}{2}$
Percentil $\gamma$	Si $\gamma N/100$ no es un número entero: $\pi_\gamma = x_{\lfloor \gamma N/100 \rfloor + 1}$ Si $\gamma N/100$ es un número entero: $\pi_\gamma = \frac{x_{\gamma N/100} + x_{\gamma N/100+1}}{2}$	Si $\gamma n/100$ no es un número entero: $\hat{\pi}_\gamma = X_{\lfloor \gamma n/100 \rfloor + 1}$ Si $\gamma n/100$ es un número entero: $\hat{\pi}_\gamma = \frac{X_{\gamma n/100} + X_{\gamma n/100+1}}{2}$
Primer cuartil	Si $N/4$ no es un número entero: $Q_1 = x_{\lfloor N/4 \rfloor + 1}$ Si $N/4$ es un número entero: $Q_1 = \frac{x_{N/4} + x_{N/4+1}}{2}$	Si $n/4$ no es un número entero: $\hat{Q}_1 = X_{\lfloor n/4 \rfloor + 1}$ Si $n/4$ es un número entero: $\hat{Q}_1 = \frac{X_{n/4} + X_{n/4+1}}{2}$
Segundo cuartil	$Q_2 = M$	$\hat{Q}_2 = \hat{M}$
Tercer cuartil	Si $3N/4$ no es un número entero: $Q_3 = x_{\lfloor 3N/4 \rfloor + 1}$ Si $3N/4$ es un número entero: $Q_3 = \frac{x_{3N/4} + x_{3N/4+1}}{2}$	Si $3n/4$ no es un número entero: $\hat{Q}_3 = X_{\lfloor 3n/4 \rfloor + 1}$ Si $3n/4$ es un número entero: $\hat{Q}_3 = \frac{X_{3n/4} + X_{3n/4+1}}{2}$

[número] = parte entera de número

<b>Medidas de dispersión o variabilidad</b>		
Valor mínimo, valor máximo, rango	Si la población está ordenada de menor a mayor: $\min x = x_1, \max x = x_N$ $\text{rango } x = x_N - x_1$	Si la muestra está ordenada de menor a mayor: $\min X = X_1, \max X = X_n$ $\text{rango } X = X_n - X_1$
Varianza	$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \mu)^2}{N}$	También llamada cuasivarianza muestral $s^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2}{n-1}$
Desviación estándar	$\sigma = \sqrt{\sigma^2}$	$s = \sqrt{s^2}$
Coefficiente de variación	$cv = \frac{\sigma}{\mu}$	$CV = \frac{s}{\bar{X}}$
Rango intercuartílico	$IQR = Q_3 - Q_1$ Los datos atípicos están fuera del intervalo: $[Q_1 - 1.5 \cdot IQR, Q_3 + 1.5 \cdot IQR]$	$\widehat{IQR} = \widehat{Q}_3 - \widehat{Q}_1$ Los datos atípicos están fuera del intervalo: $[\widehat{Q}_1 - 1.5 \cdot \widehat{IQR}, \widehat{Q}_3 + 1.5 \cdot \widehat{IQR}]$
<b>Medidas de forma</b>		
Sesgo o coeficiente de asimetría	$A = \frac{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - \mu)^3}{\sigma^3}$	$\hat{A} = \frac{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^3}{s^3}$
Curtosis o coeficiente de apuntamiento	$K = \frac{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - \mu)^4}{\sigma^4} - 3$	$\hat{K} = \frac{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^4}{s^4} - 3$
<b>Proporción</b>		
Proporción de elementos que cumplen una condición	$Población = (x_1, x_2, \dots, x_N)$ $p = \frac{\text{n}^\circ \text{ elementos que cumplen la condición}}{N}$	$Muestra = (X_1, X_2, \dots, X_n)$ $\hat{p} = \frac{\text{n}^\circ \text{ elementos que cumplen la condición}}{n}$

## Medidas estadísticas a partir de una tabla de frecuencias

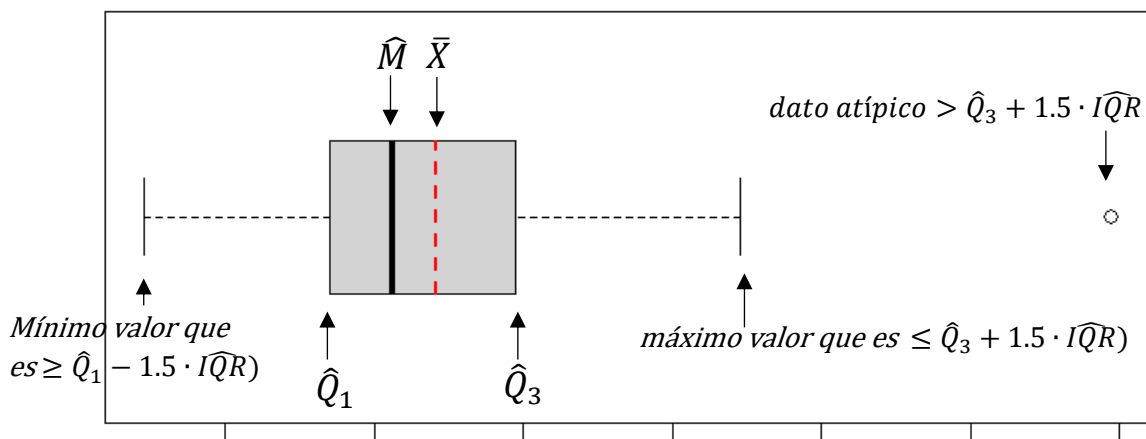
Fila	$x$ o $X$	$f$
1	$v_1$	$f_1$
2	$v_2$	$f_2$
...	...	...
$i$	$v_i$	$f_i$
...	...	...
$k$	$v_k$	$f_k$

Fila	$x$ ó $X$	Marca	$f$
1	$[a_1, b_1)$	$m_1$	$f_1$
2	$[a_2, b_2)$	$m_2$	$f_2$
...	...	...	...
$i$	$[a_i, b_i)$	$m_i$	$f_i$
...	...	...	...
$k$	$[a_k, b_k]$	$m_k$	$f_k$

Regla de Sturges:  $k = \lceil 1 + 3,322 \log_{10} N \rceil$  (población) ó  $k = \lceil 1 + 3,322 \log_{10} n \rceil$  (muestra)

Medida	Poblacional	Muestral
Media (aritmética)	$\mu = \frac{\sum_{i=1}^k f_i v_i}{N}$	$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^k f_i v_i}{n}$
	$\mu = \frac{\sum_{i=1}^k f_i m_i}{N}$ $m_i = \frac{a_i + b_i}{2}$	$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^k f_i m_i}{n}$
Varianza	$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^k f_i (v_i - \mu)^2}{N}$	$s^2 = \frac{\sum_{i=1}^k f_i (v_i - \bar{X})^2}{n-1}$
	$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^k f_i (m_i - \mu)^2}{N}$	$s^2 = \frac{\sum_{i=1}^k f_i (m_i - \bar{X})^2}{n-1}$

## Diagrama de caja para una muestra



## Estadística bidimensional

Medida	Poblacional	Muestral
Tamaño	$N$ Población = $((x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_N, y_N))$	$n$ Muestra = $((X_1, Y_1), (X_2, Y_2), \dots, (X_n, Y_n))$
Medias (aritméticas) marginales	$\mu_x = \frac{\sum_{i=1}^N x_i}{N}$	$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n}$
	$\mu_y = \frac{\sum_{i=1}^N y_i}{N}$	$\bar{Y} = \frac{\sum_{i=1}^n Y_i}{n}$
Varianzas marginales	$\sigma_x^2 = \frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \mu_x)^2}{N}$	$s_x^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2}{n-1}$
	$\sigma_y^2 = \frac{\sum_{i=1}^N (y_i - \mu_y)^2}{N}$	$s_y^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (Y_i - \bar{Y})^2}{n-1}$
Covarianza	$\sigma_{xy} = \frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \mu_x)(y_i - \mu_y)}{N}$	$s_{xy} = \frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y})}{n-1}$
Coeficiente de correlación (de Pearson)	$\rho = \frac{\sigma_{xy}}{\sigma_x \sigma_y}$	$r = \frac{s_{xy}}{s_x s_y}$

## Medidas estadísticas a partir de una tabla de contingencia

	$w_1$	$w_2$	...	$w_j$	...	$w_l$	$f_x$	$h_x$
$v_1$	$f_{1,1}$	$f_{1,2}$	...	$f_{1,j}$	...	$f_{1,l}$	$f_{v_1}$	$h_{v_1}$
$v_2$	$f_{2,1}$	$f_{2,2}$	...	$f_{2,j}$	...	$f_{2,l}$	$f_{v_2}$	$h_{v_2}$
...	...	...	...	...	...	...	...	...
$v_i$	$f_{i,1}$	$f_{i,2}$	...	$f_{i,j}$	...	$f_{i,l}$	$f_{v_i}$	$h_{v_i}$
...	...	...	...	...	...	...	...	...
$v_k$	$f_{k,1}$	$f_{k,2}$	...	$f_{k,j}$	...	$f_{k,l}$	$f_{v_k}$	$h_{v_k}$
$f_y$	$f_{w_1}$	$f_{w_2}$	...	$f_{w_j}$	...	$f_{w_l}$	$N$ ó $n$	
$h_y$	$h_w$	$h_w$	...	$h_{w_j}$	...	$h_{w_l}$		1

Medida	Poblacional	Muestral
Medias (aritméticas) marginales	$\mu_x = \frac{\sum_{i=1}^k f_{v_i} v_i}{N}$	$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^k f_{v_i} v_i}{n}$
	$\mu_y = \frac{\sum_{i=1}^l f_{w_i} w_i}{N}$	$\bar{Y} = \frac{\sum_{i=1}^l f_{w_i} w_i}{n}$
Varianzas marginales	$\sigma_x^2 = \frac{\sum_{i=1}^k f_{v_i} (v_i - \mu_x)^2}{N}$	$s_x^2 = \frac{\sum_{i=1}^k f_{v_i} (v_i - \bar{X})^2}{n-1}$
	$\sigma_y^2 = \frac{\sum_{i=1}^l f_{w_i} (w_i - \mu_y)^2}{N}$	$s_y^2 = \frac{\sum_{i=1}^l f_{w_i} (w_i - \bar{Y})^2}{n-1}$
Media de $x$ (ó $X$ ) cuando $y$ (ó $Y$ ) = $w_j$	$\mu_x   w_j = \frac{\sum_{i=1}^k f_{i,j} v_i}{f_{w_j}}$	$\bar{X}   w_j = \frac{\sum_{i=1}^k f_{i,j} v_i}{f_{w_j}}$
Media de $y$ (ó $Y$ ) cuando $x$ (ó $X$ ) = $v_i$	$\mu_y   v_i = \frac{\sum_{j=1}^l f_{i,j} w_j}{f_{v_i}}$	$\bar{Y}   v_i = \frac{\sum_{j=1}^l f_{i,j} w_j}{f_{v_i}}$